

Roman J. Kadaj

PRZYKŁAD WYRÓWNANIA SIECI ZINTEGROWANEJ NA ELIPSOIDZIE GRS-80

[Publikacja internetowa na stronie: www.geonet.net.pl, ALGORES-SOFT, 2003-02-17]

Uwagi wstępne

Istotnym przedsięwzięciem polskiej geodezji w najbliższych latach będzie konwersja wszystkich zasobów geodezyjnych i kartograficznych z układu **1965** lub z układów lokalnych do układu **2000** (zobacz dokumenty: [polskie_uklady_kartograficzne.doc](#) [uklady_lokalne.doc](#) [korekty65.doc](#)). Wiadomo, że podstawą tych operacji musi być najpierw fizyczne zrealizowanie odpowiedniego układu odniesienia **2000** poprzez osnowy geodezyjne. Inaczej mówiąc, sama teoretyczna definicja układu współrzędnych **2000** nie wystarcza, by wykonywać w nim prace geodezyjne i kartograficzne (tak jak nie można budować domu bez fundamentów i elementów konstrukcyjnych; zaczynając od ścian) - należy dysponować w tym układzie odpowiednio gęstymi osnowami geodezyjnymi.

Zadanie powyższe, na poziomie osów podstawowych [klasa **Is** – EUREF-POL + POLREF (ok. 350 punktów) i klasa **I** (ok. 6500 punktów)] oraz osów szczegółowych **II** klasy (ok. 65 000 punktów), zostało już zrealizowane w latach 90-tych (jeszcze przed ukazaniem się odpowiednich aktów prawnych wprowadzających na obszar Polski, nowy europejski system odniesień przestrzennych ETRS). Problemem staje się obecnie wyznaczenie osów klasy **III** i pomiarowych oraz ewentualne modernizacje sieci klasy **II**. Można przyjąć, że większość nowych pomiarów będzie wykorzystywać najbardziej efektywną dziś technikę GPS.

Układ „**2000**” (czterostrefowy), podobnie jak układ „**1992**” (jednostrefowy), powstał jako odwzorowanie tej samej elipsoidy **GRS-80 (WGS-84)** – elipsoidy systemu ETRS. Ponieważ pomiędzy wszystkimi układami (strefami) nowego systemu istnieją ścisłe związki matematyczne, więc jest rzeczą zupełnie obojętną, w którym z nich dokonuje się wyrównania sieci geodezyjnych. Dając zatem do wyznaczenia osnowy w układzie „**2000**” możemy, postępując zupełnie poprawnie, przeprowadzać wyrównanie sieci np. w układzie „**1992**”, a następnie ostateczne współrzędne przeliczyć matematycznie do układu „**2000**”. Takie podejście jest uzasadnione również tym, że w układzie „**1992**” znika problem stref (w przypadku opracowań obiektów na granicach stref układu „**2000**”). Bardziej uniwersalne podejście może polegać na tym, że sieć wyrównuje się bezpośrednio na elipsoidzie **GRS-80 (WGS-84)**. Wyrównane współrzędne geograficzno-geodezyjne **B, L** wszystkich punktów sieci można przeliczyć łatwo i scisłe jednoznacznie do dowolnych układów, kartograficznych wywodzących z tego samego układu elipsoidalnego: „**1992**”, „**2000**”, a także **UTM**.

Wszystkie wymienione zadania (wyrównania sieci w układach kartograficznych: **2000, 1992** lub na elipsoidzie – we współrzędnych geodezyjnych **B,L** oraz wzajemne transformacje współrzędnych) można realizować programami systemu **GEONET** w wersji **w/2002/2.0-3.0**.

Zaletą wyrównania sieci na elipsoidzie (w porównaniu z analogicznym wyrównaniem tej samej sieci w układzie kartograficznym – odwzorowawczym, np. „**2000**” lub „**1992**”) jest zachowanie oryginalnych miar obserwacji lub pseudo-obserwacji jako elementów geometrycznych elipsoidy, a tym samym uwolnienie procesu wyrównawczego od ewentualnych błędów pochodzących z samych redukcji (funkcji) odwzorowawczych. W tym znaczeniu, wyrównanie na elipsoidzie może być elementem kontrolnym poprawności wyrównania w układzie odwzorowawczym. Wynikowe współrzędne, transformowane do wspólnej przestrzeni, np. do układu „**2000**”, powinny być identyczne – z dokładnością do błędu zaokrąglenia. Wyrównanie na elipsoidzie staje się więc cennym testem kontrolnym poprawności algorytmów wyrównania na płaszczyźnie; może mieć też status odwrotny – jako wyrównanie zasadnicze, z którego pochodzą współrzędne punktów w innych układach.

Wyrównanie na elipsoidzie, połączone z odrębnym wyrównaniem sieci niwelacji satelitarnej, może być też alternatywą wyrównania trójwymiarowej sieci wektorowej GPS. Niekiedy zdarza się sytuacja praktyczna, że zbyt duże odchyłki w sieci trójwymiarowej są wynikiem błędnego pomiaru wysokości anteny, nieidentycznej identyfikacji wysokościowej znaku geodezyjnego przy powtórnym ustawieniu anteny na danym punkcie (w innej sesji) lub omówionego pominięcia (wyzerowania) wysokości anteny. Sytuację taką można zweryfikować poprzez zrzutowanie wektorów na elipsoidę i wyrównanie utworzonej sieci dwuwymiarowej. Jak łatwo zauważać wyniki takiego wyrównania będą wolne od błędów w określeniu wysokości anten.

Ilustracją wyrównania sieci na elipsoidzie niech będzie przedstawiony poniżej pełny protokół (z komentarzami) wyrównania tej samej sieci testowej (zintegrowanej), której wyrównanie w układzie „**1992**” przedstawiono w oddzielnym dokumencie [sieci_zintegrowana.doc](#). Czytelnik sprawdzi, posługując się dowolnym programem (np. TRANSPOL, GEONET_unitrans), że uzyskane w wyniku współrzędne **B, L**, po przeliczeniu do układu „**1992**” odpowiadają współrzędnym z bezpośredniego wyrównania w tym układzie (różnice rzędu 1mm wynikają z zaokrąglenia współrzędnych punktów nawiązania w układzie „**1992**” do 1 mm).

Protokół wyrównania sieci na elipsoidzie GRS-80 (WGS-84)

[fragmenty identyczne z dokumentem **siec_zintegrowana.doc** pominięto]

<GEONET - system geodezyjny wersja w/2002/2.0 (c)ALGORES-SOFT
PROGRAM WYRÓWNANIA SIECI NA ELIPSOIDZIE WSGE w.3.1
----- www.geonet.net.pl -----

OBIEKT : DEMO
UKŁAD ODNIESIENIA : elipsoida GRS-80

DANE POCZĄTKOWE (ZAŁOŻENIA) DOTYCZĄCE SIECI

DANE WSPÓŁRZĘDNE PUNKTÓW NAWIĄZANIA		
NRP	B	L
2330606	49 50 7.55083	19 21 30.38832
1440850	49 51 16.13842	19 20 33.28113
2330603	49 51 9.27733	19 21 25.68056
1440503	49 52 27.13632	19 19 37.58829
4085011	49 51 20.70382	19 20 28.84168
1440416	49 52 10.35483	19 18 36.79381
1440426	49 50 19.52851	19 18 30.66441
Liczba wszystkich punktów sieci	LP =	197
Liczba stałych punktów nawiązania	LSS =	7
Liczba ruchomych punktów nawiązania	LSR =	0
Liczba azymutów geodezyjnych	LAZG =	33
Liczba azymutów topograficznych	LAZT =	0
Liczba obserwacji odległościowych	LD =	243
Liczba obserwacji kątowych	LKA =	257
Liczba stanowisk obs. kierunkowych	LPK =	0
Liczba stałych orientacji kierunków	LZ =	0
Liczba obserwacji kierunkowych	LK =	0
Liczba równań obserw. i pseudo-obs.	M =	547
Liczba elementów nadwymiarowych	NW =	153

Objaśnienia:

- Współrzędne geodezyjne (B, L) punktów nawiązania sieci uzyskano z przeliczenia z układu „1992” (tamże były zaokrąglone do mm) programem **GEONET_unitrans**
- Struktura obserwacyjna sieci i jej model stochastyczny (założone błędy średnie obserwacji) są identyczne jak przy wyrównaniu tej sieci w układzie „1992”.
- Współrzędne przybliżone (Bo, Lo) dla wszystkich punktów sieci otrzymano z przeliczenia analogicznych współrzędnych przybliżonych (xo, yo) z układu „1992”

WYZNACZALNOŚĆ PUNKTÓW WZGLĘDEM SĄSIEDZTWA:

Nr punktu	Ilość niezależnych liniowo elementów wyznaczających punkt.	Komentarz.
1440326	21	
1440315	23	
1440344	18	
2331258	18	
9999	19	
1441013	9	
1441018	9	
1441139	5	
1441138	5	
1441077	5	
1441140	5	
1441012	11	
1441011	5	
1441064	5	
1441063	5	
1441079	5	
1441078	5	
1441044	5	
1441141	5	
1441010	5	
1440419	5	
1441009	5	
1441008	8	
1441065	5	
1441066	5	
1441083	5	
1441067	10	

Objaśnienia (analogiczne jak w sieci płaskiej):

Podany parametr służy do kontroli lokalnej wyznaczalności i niezawodności sieci:

- Uwzględniane są tylko niezależne elementy (obserwacje) wyznaczające dany punkt (parametr nie zwiększa się m.in. z tytułu powtórzeń obserwacji tych samych elementów geometrycznych, kątów zamkujących „horyzont” itp.).
- Jeśli parametr = 2, wówczas punkt jest wyznaczany bez kontroli (obok pojawi się stosowany komunikat). W sieci GPS będzie to tylko pojedynczy wektor, z którego tworzą się dwie pseudoobserwacje: długość linii geodezyjnej i azymut początkowy tej linii.
- Jeśli punkt jest elementem ciągu poligonalnego, to parametr wynosi co najmniej 5 (2 boki + 3 kąty, przy czym 1 kąt mierzony na danym punkcie, zaś dwa pozostałe – na punktach sąsiednich).
- Należy zawsze sprawdzać punkty, dla których parametr wynosi 3 lub 4 (możliwe jest np. zdarzenie, że w zbiorach danych pominięto jakąś obserwację). Sytuacja może być poprawna, jeśli -zgodnie z projektem - dany punkt jest wyznaczany jedynie z wcięć kątowych.
- Jeśli w sieci wystąpi punkt niewyznaczalny (parametr<lub=1) wówczas w trakcie wykonywania programu pojawi się stosowany komunikat błędu fatalnego i zatrzymanie obliczeń.

..... wycięto fragment identyczny z protokołem wyrównania w układzie „1992”

2331213	5	
2331233	6	
1441116	9	
1441117	3	
2330606	9	PUNKT NAWIAZANIA
1440850	10	PUNKT NAWIAZANIA
2330603	8	PUNKT NAWIAZANIA
1440503	21	PUNKT NAWIAZANIA
4085011	10	PUNKT NAWIAZANIA
1440416	22	PUNKT NAWIAZANIA
1440426	23	PUNKT NAWIAZANIA

OPTYMALNA WIELKOŚĆ PÓŁPASMA URN : 18862

| DANE OBSERWACJE DŁUGOŚCI - REDUKCJE NA WYSOKOŚĆ - BŁĘDY ŚREDNIE |

Nr(I)	Nr(J)	Dobs	dD(wys.H)	D(zred)	mD
... obserwacje klasyczne ...					
1440326	1441135	114.455	-0.007	114.448	0.012
1440419	1441009	139.250	-0.006	139.244	0.012
1440426	1441140	157.830	-0.010	157.820	0.012
1441001	1440326	210.245	-0.013	210.232	0.012
1441002	1441001	298.320	-0.019	298.301	0.012
1441003	1441004	108.330	-0.005	108.325	0.012
1441005	1441004	173.160	-0.008	173.152	0.012

..... wycięto fragment analogiczny z protokołem wyrównania w układzie „1992”
..... (tu nie występuje kolumna redukcji odwzorowawczych)

2331237	2331059	172.906	-0.013	172.893	0.012
2331237	2331238	478.000	-0.036	477.964	0.013
2331238	2331239	320.494	-0.024	320.470	0.012
... pseudoobserwacje GPS ...					
2331258	1440344	4361.176	0.000	4361.176	0.017
2331258	1440416	3106.023	0.000	3106.023	0.017
1440315	1440326	2429.202	0.000	2429.202	0.017
1440315	1440344	3488.614	0.000	3488.614	0.017
1440315	1440416	1528.466	0.000	1528.466	0.017
1440315	1440426	3592.417	0.000	3592.417	0.017
1440315	2331258	1657.926	0.000	1657.926	0.017
1440326	1440344	1064.814	0.000	1064.814	0.017

..... wycięto fragment analogiczny z protokołem wyrównania w układzie „1992”

9999	2330606	519.213	0.000	519.213	0.017
9999	2331258	3600.511	0.000	3600.511	0.017
9999	2331258	3600.517	0.000	3600.517	0.017

Objaśnienia:

- Długości klasyczne są redukowane ze względu na wysokość boku nad powierzchnią elipsoidy (na poziom odniesienia (n.p.o)), natomiast długości linii geodezyjnych otrzymane z wektorów GPS, są już elementami elipsoidy i nie podlegają redukcjom. W redukowaniu długości klasycznych n.p.o. wykorzystuje się opcjonalnie albo przeciętną wysokość normalną całości obiektu , albo wykaz przybliżonych wysokości normalnych wszystkich punktów sieci. Do wysokości normalnej jest dodawany automatycznie odstęp geoidy od elipsoidy.
- Błędy średnie służące określeniu wag obserwacji są określane na podstawie informacji o dokładności pomiaru, przy czym dla pseudo-obserwacji pozyskanych z wektorów GPS, są one określone w oparciu o podmacierze kowariancyjne wektorów GPS, wyznaczone w ramach post-processingu.

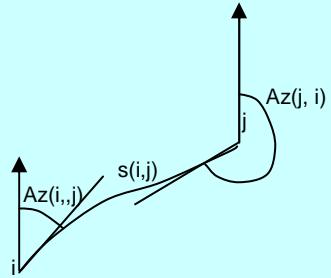
DANE OBSERWACJE KĄTOWE - BŁĘDY ŚREDNIE				
Nr(L)	Nr(C)	Nr(P)	Alfa(obs) [cc]	mAl(prior) [cc]
1441013	1440426	1440850	292784.0	28.3
1440426	1441013	1441139	1623667.0	28.3
1440426	1441013	1440850	2315999.0	28.3
1441013	1441139	1441138	2160319.0	28.3
1441139	1441138	1441012	1934397.0	28.3
1441138	1441012	1441011	2185246.0	28.3
1441012	1441011	1441010	1934378.0	28.3
1441011	1441010	1440419	2087763.0	28.3
..... wycięto fragment analogiczny z protokołem wyrównania w układzie „1992”				
2331141	2331051	2331136	1065674.0	28.3

DANE AZYMUTY I BŁĘDY ŚREDNIE			
Nr(i)	Nr(j)	Az(obs) [cc]	mAz [cc]
... azymuty geodezyjne otrzymane z wektorów GPS.....			
2331258	1440344	2269663.7	2.5
2331258	1440416	2945085.9	3.5
1440315	1440326	2061551.8	4.4
1440315	1440344	2038120.8	3.1
1440315	1440416	3094239.0	7.1
1440315	1440426	2300852.1	3.0
1440315	2331258	807419.9	6.5
1440326	1440344	1984588.9	10.1
1440326	1440416	3713413.3	3.7
1440326	1440426	2676222.2	6.7
1440326	2331258	355162.2	3.1
1440344	1440416	3784836.5	2.8
1440426	1440344	1124783.1	7.4
1440426	1440416	22750.8	3.2
1440426	2331258	456141.3	2.2
1440503	1440315	1757570.3	13.5
1440503	1440315	1757575.9	13.5
1440503	1440326	1987242.7	3.4
1440503	1440344	1986572.3	2.6
1440503	1440416	2743101.8	8.2
1440503	1440426	2208190.4	2.6
1440503	2331258	1084043.0	5.7
1440503	9999	1642765.1	2.4
9999	1440315	3618441.2	2.9
9999	1440315	3618442.9	2.9
9999	1440326	3173611.7	4.5
9999	1440344	2887517.4	4.6
9999	1440416	3471166.2	2.2
9999	1440426	2978219.8	2.9
9999	1440503	3643048.2	2.4
9999	2330606	2177318.4	20.8
9999	2331258	3908680.8	3.0
9999	2331258	3908680.9	3.0

Objaśnienia:

- Wszystkie wyszczególnione azymuty są pseudo-obszerwacjami wyznaczonymi z wektorów GPS (azymut początkowy linii geodezyjnej utworzony po zrzutowaniu punktu początkowego I końcowego wektora GPS na powierzchnie elipsoidy).

Uwaga: w przypadku zmiany wektora na przeciwny oblicza się azymut odwrotny linii:



- Błędy średnie są określane na podstawie podmacierzy kowariancyjnych wektorów GPS.

- Jeśli w sieci klasycznej występują kąty kierunkowe (azymuty topograficzne) z jakiegoś układu odwzorowawczego („1965”, „1992”) to przed wyrównaniem sieci na elipsoidzie należy je przeliczyć na azymuty geodezyjne, ponieważ kąty kierunkowe nie są elementami elipsoidy (należy „odredukować” z wielkości konwergencji i poprawki odwzorowawczej kierunku).

elipsoida GRS-80

SREDNIA REDUKCJA DŁUGOŚCI n.p.o.: $dD(wys.H) = -6.8681322E-005 * D [m]$
 BŁĄD ŚR. NIEZALEŻNY OD DŁUGOŚCI $a = 0.012 \text{ m}$ (tylko dla długości klasycznych)
 BŁĄD PROPORCJONALNY (na 100m) $b = 0.001 \text{ m}$ (-"-)
 WAGI DŁUGOŚCI: $pd = 1/[a*a+(b*r)*(b*r)]$
 gdzie r jest liczbą setek metrów długości boku

WYRÓWNANIE SIECI - METODA NAJMENJSZYCH KWADRATÓW
PROCES ITERACYJNY GAUSSA - NEWTONA - PARAMETRY ZBIEŻNOŚCI

[PLL]=	229.86091	ZALECONO KONTYNUACJE	
[pVV]=	143.22751	Mo= 0.9675 (niemian.)	
ITER =	1		
ŚREDNIA POPRAWKA WSPÓŁRZĘDNEJ = 0.000m			
[PLL]=	143.22969		
[pVV]=	143.22969	Mo= 0.9675 (niemian.)	
ITER =	2		
ŚREDNIA POPRAWKA WSPÓŁRZĘDNEJ = 0.000m			
[PLL]=	143.22969		
[pVV]=	143.22969	Mo= 0.9675 (niemian.)	
ITER =	3		
ŚREDNIA POPRAWKA WSPÓŁRZĘDNEJ = 0.000m			

WYNIKI WYROWNANIA OBSERWACJI

[Błędy średnie obserwacji wyrównanych są liczone na podstawie
 pełnej macierzy kowariancyjnej]

DŁUGOŚCI BOKÓW

geonet_w-----							
PLANY BOKÓW		OBSERWACJE		WIELKOŚCI WYRÓWNANE			
Nr(i)	Nr(j)	d+redukce	md.Mo	V	mV	Dwyr	mdDwyr
1440326	1441135	114.4484	0.0117	0.0079	0.0055	114.4563	0.0103
1441009	1440419	139.2440	0.0117	0.0035	0.0037	139.2475	0.0111
1441140	1440426	157.8203	0.0117	0.0026	0.0041	157.8228	0.0110
1441001	1440326	210.2321	0.0118	0.0026	0.0045	210.2346	0.0109
1441001	1441002	298.3012	0.0120	0.0064	0.0047	298.3076	0.0110
1441004	1441003	108.3250	0.0117	0.0074	0.0039	108.3324	0.0110
1441005	1441004	173.1521	0.0117	0.0073	0.0032	173.1595	0.0113
1441007	1441005	208.7307	0.0118	0.0053	0.0037	208.7360	0.0112
1441003	1441006	272.1519	0.0119	0.0082	0.0040	272.1601	0.0112
1441127	1441006	330.4338	0.0121	0.0152	0.0052	330.4490	0.0109
1441008	1441007	226.8803	0.0118	0.0047	0.0036	226.8850	0.0113
1441147	1441008	182.1924	0.0118	0.0018	0.0037	182.1942	0.0111
1441009	1441008	229.6103	0.0118	0.0040	0.0038	229.6142	0.0112
1440419	1441010	164.7127	0.0117	0.0035	0.0037	164.7162	0.0111
1441010	1441011	172.0221	0.0117	0.0031	0.0036	172.0252	0.0112
1441012	1441011	269.3171	0.0119	0.0035	0.0038	269.3206	0.0113
1441013	1440426	230.6363	0.0118	0.0074	0.0045	230.6437	0.0109
1441014	1441127	336.8292	0.0121	0.0007	0.0044	336.8300	0.0112
1441015	1441014	309.6364	0.0120	0.0020	0.0047	309.6384	0.0110
1441021	1441015	324.8759	0.0120	-0.0009	0.0050	324.8751	0.0109
1441016	1441122	230.4188	0.0118	0.0027	0.0044	230.4215	0.0110
1441018	1441017	271.8344	0.0119	0.0034	0.0090	271.8379	0.0079
1441019	1441017	288.1731	0.0120	0.0025	0.0090	288.1756	0.0079
1441017	1441120	208.6779	0.0118	0.0079	0.0061	208.6859	0.0101
1441018	1440503	174.2595	0.0117	0.0094	0.0069	174.2688	0.0095
1441019	1441018	191.4589	0.0118	0.0083	0.0091	191.4672	0.0075
1441020	1440315	396.9659	0.0122	0.0050	0.0075	396.9708	0.0097
1441020	1441121	260.1573	0.0119	0.0043	0.0061	260.1616	0.0102
1441020	1441021	470.7535	0.0125	-0.0013	0.0055	470.7522	0.0112
1441022	1440315	574.9911	0.0129	-0.0042	0.0060	574.9869	0.0114
1441022	1441104	140.1127	0.0117	0.0022	0.0036	140.1149	0.0111
1441023	1441022	328.6279	0.0120	0.0045	0.0050	328.6324	0.0109
1441024	1441023	361.8711	0.0121	0.0043	0.0050	361.8755	0.0111
1441024	1441025	348.6905	0.0121	0.0041	0.0050	348.6946	0.0110
1441025	1441026	111.4636	0.0117	0.0013	0.0049	111.4649	0.0106
1441027	1441028	137.2118	0.0117	0.0087	0.0043	137.2204	0.0109
1441130	1441028	137.7643	0.0117	0.0086	0.0045	137.7729	0.0108
1441029	1441130	263.0230	0.0119	0.0083	0.0047	263.0313	0.0109
1441133	1441030	184.3384	0.0118	0.0149	0.0047	184.3533	0.0108*
1441133	1441031	269.7674	0.0119	0.0093	0.0034	269.7766	0.0114
1441032	1441105	197.5517	0.0118	0.0040	0.0040	197.5557	0.0111

1441055	1441042	1441043	124.92330	27.4	0.1	15.0	124.92331	22.9
1441056	1441057	1441099	135.42200	27.4	-0.9	13.3	135.42191	23.9
1441098	1441097	1441096	178.21040	27.4	3.8	11.9	178.21078	24.6
2331237	2331059	2331071	78.89910	27.4	-0.5	20.2	78.89905	18.5
2331059	2331071	2330606	171.22090	27.4	-3.1	10.7	171.22059	25.2
2331141	2331051	2331136	106.56740	27.4	-0.1	13.1	106.56739	24.0

MIARY AZYMUTÓW

geonet_w								
P L A N Y AZYMUTÓW			OBSERWACJE		WIELKOŚCI WYRÓWNANE			
0 (NS)	Nr(I)	Nr(J)	Az(obs)	mA.Mo	V	mV	Az(wyr)	mAwyr
			[g]	[cc]	[cc]	[cc]	[g]	[cc]
0	2331258	1440344	226.96637	2.4	-0.1	2.1	226.96636	1.2
0	2331258	1440416	294.50859	3.4	-1.2	3.1	294.50847	1.3
0	1440315	1440326	206.15518	4.3	-0.7	3.9	206.15511	1.9
0	1440315	1440344	203.81208	3.0	-0.5	2.7	203.81203	1.4
0	1440315	1440416	309.42390	6.9	-11.1	6.5	309.42279	2.3
0	1440315	1440426	230.08521	2.9	-1.4	2.8	230.08507	1.0
0	1440315	2331258	80.74199	6.3	1.4	5.7	80.74214	2.8
0	1440326	1440344	198.45889	9.8	-0.8	8.6	198.45882	4.7
0	1440326	1440416	371.34133	3.6	-0.7	3.3	371.34126	1.3
0	1440326	1440426	267.62222	6.5	-0.5	6.0	267.62216	2.5
0	1440326	2331258	35.51622	3.1	0.2	2.7	35.51624	1.5
0	1440344	1440416	378.48365	2.7	-0.2	2.5	378.48364	1.1
0	1440344	1440426	312.49515	7.2	3.3	6.6	312.49548	2.9
0	1440416	1440426	202.27653	3.1	-3.6	3.1	202.27617	0.0
0	2331258	1440426	245.65214	2.1	-1.1	2.0	245.65202	0.8
0	1440315	1440503	375.76055	13.1	-7.9	12.3	375.75976	4.4
0	1440315	1440503	375.76111	13.1	-13.4	12.3	375.75976	4.4
0	1440326	1440503	398.72502	3.3	-2.2	3.1	398.72480	1.2
0	1440344	1440503	398.65829	2.5	-1.9	2.3	398.65810	1.0
0	1440503	1440416	274.31018	7.9	-0.5	7.9	274.31012	0.0
0	1440503	1440426	220.81904	2.5	-2.0	2.5	220.81885	0.0
0	2331258	1440503	308.42652	5.5	-4.7	5.1	308.42605	2.1
0	9999	1440503	364.30481	2.3	-2.9	2.2	364.30452	0.8
0	1440315	9999	161.81934	2.8	-0.3	2.6	161.81931	1.1
0	1440315	9999	161.81951	2.8	-2.0	2.6	161.81931	1.1
0	1440326	9999	117.33363	4.3	-0.4	3.9	117.33359	1.9
0	9999	1440344	288.75174	4.5	-0.6	4.0	288.75168	2.0
0	9999	1440416	347.11662	2.2	0.2	2.0	347.11664	0.7
0	9999	1440426	297.82198	2.8	0.5	2.7	297.82203	0.9
0	9999	1440503	364.30482	2.3	-3.0	2.2	364.30452	0.8
0	9999	2330606	217.73184	20.1	1.1	19.0	217.73196	6.7
0	9999	2331258	390.86808	2.9	0.2	2.6	390.86810	1.2
0	9999	2331258	390.86809	2.9	0.1	2.6	390.86810	1.2

Błąd średni jednostkowy Mo = 0.9675 (wartość niemianowana)

KONTROLA OBLICZENIA BŁĘDÓW ŚREDNICH

Sprawdzenie tw. O t r e b s k i e g o :

$$P = Q$$

$$P = (1/m) * \text{Suma}\{(Mwyr * Mwyr) / (Mobs * Mobs)\} = 0.7129$$

$$Q = n/m = 0.7129$$

OZNACZENIA:

$$n = \text{niezbędna ilość obserwacji} = 380$$

(liczba niewiadomych współrzędnych
i stałych orientacji kierunków)

$$m = \text{ilość wszystkich obserwacji} = 533$$

(bez pseudoobserwacji)

Mobs = empiryczny błąd śr. obserwacji = Mo * m(obs)

Mo = empiryczny błąd śr. jedn. (por. j.w.)

m(obs) = założony bl. śr. obs. przed wyrównaniem

Mwyr - błąd średni obserwacji wyrównanej = Mo * B

B = $\sqrt{n/m}$ (przybliżenie wg. tw. Otrębskiego)

B = \sqrt{Qii} (scisle, Qii - wariancja estymaty)

Kontrolne parametry wyrównania:

$$[p11] = 143.229689296035400$$

$$[pvv] = 143.229689296138900$$

$$Mo = 0.967544190259795$$

Częstkowe estymaty błędów średnich
i liczby stopni swobody:

- dla długości Mo(1) = 0.9666 f1 = 69.7542
 - dla kątów Mo(2) = 0.9479 f2 = 73.7730
 - dla azymutów Mo(4) = 1.1144 f4 = 9.4728

geonet_w								
W S P O Ł R Z E D N E W Y R O W N A N E								
Lp.	NRP	B	L	mB[""] a[m]	mL[""] b[m]	mP[m]	fi[g]	KL
1	1441083	49 50 57.51279	19 17 57.41842	0.00071	0.00108	0.0307		
2	1441081	49 50 44.48452	19 18 1.34197	0.00070	0.00102	0.0298		
3	1441082	49 50 52.20792	19 18 5.62311	0.00068	0.00107	0.0299		
4	1441117	49 50 48.29176	19 18 34.41553	0.00116	0.00210	0.0552		
5	1441068	49 51 13.89123	19 18 2.85522	0.00070	0.00101	0.0296		
6	1441067	49 51 3.06532	19 18 7.93707	0.00064	0.00099	0.0279		
7	1441078	49 50 36.36728	19 18 9.93526	0.00064	0.00089	0.0265		
8	1441079	49 50 29.97105	19 18 9.85106	0.00060	0.00084	0.0251		
9	1441147	49 51 18.71878	19 18 46.86432	0.00061	0.00111	0.0291		
10	1441037	49 51 18.21099	19 18 37.30998	0.00062	0.00112	0.0296		
11	1441069	49 51 19.29745	19 18 4.61821	0.00070	0.00102	0.0296		
12	1441066	49 51 1.43883	19 18 17.47425	0.00060	0.00101	0.0274		
13	1441034	49 51 21.60295	19 18 11.25120	0.00065	0.00100	0.0284		
14	1441116	49 51 44.29343	19 19 12.45525	0.00064	0.00100	0.0282		
15	1441065	49 50 59.61999	19 18 25.45210	0.00058	0.00099	0.0267		
16	1441077	49 50 27.37804	19 18 26.80135	0.00037	0.00064	0.0171		
17	1441013	49 50 26.11298	19 18 36.10331	0.00032	0.00030	0.0115		
18	1441036	49 51 19.40239	19 18 30.03068	0.00063	0.00112	0.0296		
19	1441009	49 51 12.13223	19 18 49.60597	0.00065	0.00104	0.0290		
20	1441008	49 51 18.32330	19 18 55.96478	0.00062	0.00105	0.0284		
21	1441035	49 51 20.80108	19 18 20.51378	0.00063	0.00108	0.0291		
22	1441064	49 50 56.77702	19 18 35.16260	0.00060	0.00088	0.0255		
23	1441033	49 51 32.89543	19 18 13.56183	0.00067	0.00100	0.0287		
24	1441032	49 51 43.80981	19 18 23.32376	0.00059	0.00100	0.0270		
25	1441105	49 51 39.91801	19 18 31.17196	0.00058	0.00108	0.0280		
26	1441106	49 51 39.41166	19 18 43.21157	0.00052	0.00115	0.0280		
27	1441019	49 52 16.76375	19 19 32.91646	0.00031	0.00039	0.0123		
28	1441018	49 52 22.91824	19 19 31.79411	0.00026	0.00036	0.0107		
29	1441119	49 52 17.05881	19 19 1.64269	0.00032	0.00044	0.0132		
30	1441024	49 51 40.70246	19 20 18.29251	0.00045	0.00073	0.0203		
31	1441020	49 52 2.90369	19 19 32.62090	0.00027	0.00050	0.0130		
32	1441001	49 50 41.12054	19 19 49.60315	0.00028	0.00055	0.0141		
				0.0122	0.0071	134.571		

33	1441023	49 51 52.21268	19 20 21.64629	0.00044 0.0139 0.0124	0.00070 0.0136 0.0110	0.0195 83.377 128.985		
34	1441022	49 52 2.84680	19 20 21.28779	0.00036 0.00061	0.00036 0.00061	0.0166		
35	1440315	49 52 3.06609	19 19 52.49750	0.00018 0.0056	0.00028 0.0054	0.0078 84.407		
36	1440326	49 50 44.80872	19 19 40.76029	0.00020 0.0063	0.00031 0.0061	0.0088 159.736		
37	1441012	49 50 49.39267	19 18 37.34946	0.00054 0.0169	0.00072 0.0142	0.0221 14.618		
38	1441139	49 50 32.27844	19 18 35.14237	0.00045 0.0142	0.00044 0.0084	0.0165 13.299		
39	1441140	49 50 21.07001	19 18 38.19447	0.00021 0.0110	0.00053 0.0057	0.0124 79.980		
40	1441138	49 50 38.03290	19 18 36.49981	0.00052 0.0161	0.00057 0.0112	0.0196 11.819		
41	2331233	49 51 49.30811	19 21 4.34730	0.00132 0.0407	0.00164 0.0328	0.0523 196.712		
42	1440419	49 51 7.98851	19 18 46.86433	0.00066 0.0208	0.00102 0.0201	0.0289 50.498		
43	1441010	49 51 3.02587	19 18 43.85153	0.00065 0.0202	0.00097 0.0192	0.0279 28.690		
44	1441007	49 51 17.06059	19 19 7.15386	0.00058 0.0204	0.00102 0.0177	0.0270 111.964		
45	1441005	49 51 16.66224	19 19 17.58530	0.00056 0.0192	0.00096 0.0173	0.0258 93.368		
46	1441126	49 51 53.74798	19 18 40.59592	0.00051 0.0200	0.00099 0.0154	0.0252 83.644		
47	1441123	49 51 56.32075	19 18 47.43326	0.00049 0.0180	0.00090 0.0151	0.0235 95.390		
48	1441107	49 51 39.39695	19 18 54.03144	0.00052 0.0236	0.00118 0.0161	0.0286 94.902		
49	1441108	49 51 31.60704	19 19 4.56679	0.00058 0.0219	0.00109 0.0178	0.0282 98.179		
50	1441017	49 52 19.61556	19 19 19.17600	0.00032 0.0110	0.00047 0.0080	0.0136 45.835		
51	1441121	49 52 11.12791	19 19 35.41729	0.00035 0.0110	0.00044 0.0087	0.0140 16.704		
52	1441120	49 52 17.72231	19 19 9.14413	0.00034 0.0114	0.00055 0.0102	0.0153 58.548		
53	1441118	49 52 13.13859	19 18 57.21615	0.00033 0.0103	0.00043 0.0083	0.0132 21.770		
54	1441016	49 52 6.29954	19 18 46.89930	0.00043 0.0142	0.00067 0.0125	0.0189 50.677		
55	1441025	49 51 29.51676	19 20 15.97020	0.00043 0.0136	0.00068 0.0132	0.0190 130.421		
56	1441026	49 51 26.21016	19 20 18.20216	0.00035 0.0130	0.00065 0.0108	0.0169 99.297		
57	1441021	49 51 48.26849	19 19 26.06400	0.00043 0.0138	0.00069 0.0131	0.0190 121.866		
58	1441015	49 51 38.57986	19 19 19.74295	0.00049 0.0166	0.00081 0.0145	0.0220 131.016		
59	1441002	49 50 40.79447	19 20 4.52528	0.00038 0.0144	0.00071 0.0113	0.0183 119.112		
60	1441133	49 50 40.89477	19 20 13.79969	0.00045 0.0153	0.00076 0.0137	0.0206 112.105		
61	1441135	49 50 46.57691	19 19 35.72615	0.00027 0.0113	0.00052 0.0069	0.0133 133.191		
62	1441104	49 52 6.71964	19 20 24.93833	0.00046 0.0149	0.00072 0.0136	0.0202 51.814		
63	1441103	49 52 11.16791	19 20 26.32436	0.00053 0.0181	0.00087 0.0154	0.0237 62.743		
64	9999	49 50 23.70661	19 21 37.53125	0.00018 0.0054	0.00027 0.0054	0.0077 96.684		
65	2331258	49 52 19.04471	19 21 11.75540	0.00020 0.0063	0.00031 0.0061	0.0088 121.670		
66	1440344	49 50 10.35451	19 19 42.05015	0.00021 0.0066	0.00033 0.0065	0.0092 168.716		
67	1441136	49 50 40.01120	19 19 35.80893	0.00045 0.0147	0.00056 0.0102	0.0179 172.651		
68	1441041	49 50 51.28853	19 19 34.82576	0.00042 0.0138	0.00057 0.0103	0.0172 166.301		
69	1441011	49 50 57.61264	19 18 41.83632	0.00061 0.0190	0.00088 0.0175	0.0258 21.126		
70	1441063	49 50 43.82064	19 18 39.34329	0.00062 0.0193	0.00067 0.0133	0.0235 193.202		
71	1441062	49 50 41.67152	19 18 55.95186	0.00058 0.00074	0.00074 0.0231			

72	1441044	49 50 24.09282	19 18 46.84226	0.0181	0.0144	183.102												
73	1441141	49 50 26.21402	19 18 53.61618	0.00039	0.00071	0.0185		0.0144	0.0116	76.170								
74	2331259	49 52 9.38725	19 21 14.77588	0.00048	0.00081	0.0220		0.0163	0.0148	81.060								
75	2331152	49 51 10.89402	19 21 26.05057	0.00040	0.00057	0.0167		0.0123	0.0114	5.560								
76	2331239	49 49 59.09814	19 20 49.58130	0.00036	0.00011	0.0112		0.0111	0.0015	8.442								
77	1441004	49 51 21.05219	19 19 22.97437	0.00054	0.00091	0.0248		0.0183	0.0168	102.731								
78	1441109	49 51 28.18600	19 19 12.62461	0.00060	0.00102	0.0275		0.0204	0.0184	105.163								
79	1441003	49 51 20.12105	19 19 28.20303	0.00051	0.00084	0.0231		0.0168	0.0159	105.744								
80	1441124	49 51 51.90263	19 18 55.50748	0.00052	0.00090	0.0242		0.0183	0.0159	121.748								
81	1441122	49 51 59.97621	19 18 40.78163	0.00052	0.00084	0.0232		0.0169	0.0159	121.036								
82	1441125	49 51 47.27459	19 19 3.98784	0.00054	0.00089	0.0244		0.0185	0.0159	136.117								
83	1441048	49 51 21.53547	19 20 14.97694	0.00025	0.00059	0.0141		0.0120	0.0073	114.212								
84	1441128	49 51 24.64166	19 20 4.11448	0.00036	0.00071	0.0180		0.0144	0.0108	118.280								
85	1441014	49 51 32.19498	19 19 31.69214	0.00046	0.00085	0.0222		0.0171	0.0142	107.116								
86	1441146	49 51 42.77653	19 19 12.08484	0.00053	0.00085	0.0236		0.0180	0.0152	140.463								
87	1441127	49 51 28.61154	19 19 47.61864	0.00040	0.00077	0.0198		0.0154	0.0124	99.436								
88	1441031	49 50 32.20510	19 20 12.47599	0.00054	0.00087	0.0241		0.0181	0.0159	62.138								
89	1441030	49 50 46.82279	19 20 14.85095	0.00047	0.00073	0.0206		0.0153	0.0138	147.617								
90	1441110	49 50 28.23842	19 20 10.09846	0.00059	0.00095	0.0263		0.0197	0.0175	58.223								
91	1441150	49 50 53.27952	19 20 16.63377	0.00043	0.00077	0.0205		0.0156	0.0132	117.713								
92	1441061	49 50 43.32595	19 19 10.70194	0.00050	0.00069	0.0208		0.0159	0.0134	174.757								
93	1441040	49 51 0.07169	19 19 35.30140	0.00049	0.00069	0.0206		0.0154	0.0136	179.485								
94	1441042	49 50 29.43470	19 19 33.17458	0.00057	0.00076	0.0232		0.0179	0.0147	176.924								
95	2331210	49 52 6.45063	19 20 39.15202	0.00051	0.00082	0.0228		0.0173	0.0148	141.660								
96	2331197	49 52 4.44639	19 20 47.24216	0.00051	0.00083	0.0229		0.0179	0.0143	142.581								
97	2331204	49 52 2.85293	19 21 5.79206	0.00045	0.00078	0.0208		0.0160	0.0133	125.200								
98	1441057	49 50 7.46155	19 19 25.88917	0.00052	0.00066	0.0209		0.0173	0.0117	167.623								
99	1441098	49 49 58.98629	19 19 48.41516	0.00044	0.00092	0.0229		0.0187	0.0133	85.592								
100	1441056	49 50 12.83249	19 19 24.37144	0.00063	0.00064	0.0232		0.0196	0.0124	186.663								
101	1441099	49 50 4.95771	19 19 35.70486	0.00036	0.00054	0.0156		0.0117	0.0103	44.187								
102	1441055	49 50 18.08771	19 19 31.49718	0.00054	0.00068	0.0214		0.0177	0.0121	168.566								
103	1441043	49 50 33.40735	19 19 21.56829	0.00058	0.00085	0.0246		0.0193	0.0153	156.264								
104	1441039	49 51 6.49559	19 19 36.34509	0.00052	0.00074	0.0217		0.0159	0.0148	3.826								
105	1441142	49 50 29.61530	19 19 1.80980	0.00055	0.00088	0.0245		0.0180	0.0166	134.599								
106	1441143	49 50 28.79143	19 19 11.42610	0.00058	0.00086	0.0249		0.0186	0.0166	161.062								
107	2331200	49 51 58.34113	19 21 15.88481	0.00052	0.00094	0.0248		0.0191	0.0159	116.818								
108	2331151	49 51 13.71711	19 21 24.18919	0.00045	0.00033	0.0154		0.0141	0.0062	187.832								
109	2331212	49 51 7.72122	19 21 29.53894	0.00022	0.00049	0.0120		0.0113	0.0038	136.691								

110	2331099	49 51 15.83036	19 21 14.75659	0.00044	0.00062	0.0183		
111	2331058	49 50 7.18042	19 20 51.01194	0.00108	0.00106	0.0395		
112	2331238	49 50 1.19626	19 21 5.28603	0.00081	0.00101	0.0321		
113	2331061	49 50 15.70852	19 20 53.48382	0.00106	0.00110	0.0394		
114	2331237	49 49 59.74086	19 21 29.09716	0.00046	0.00089	0.0228		
115	1441006	49 51 18.64041	19 19 41.63411	0.00044	0.00071	0.0197		
116	1441113	49 51 20.72077	19 20 20.70546	0.00016	0.00051	0.0112		
117	1441047	49 51 16.62637	19 19 46.37562	0.00046	0.00079	0.0213		
118	1441038	49 51 14.71675	19 19 37.69189	0.00050	0.00074	0.0213		
119	1441134	49 50 24.47093	19 20 8.67828	0.00065	0.00098	0.0280		
120	1441132	49 50 52.55814	19 20 25.24702	0.00044	0.00085	0.0218		
121	1441115	49 50 30.75503	19 20 25.83187	0.00071	0.00109	0.0309		
122	1441049	49 50 14.20146	19 20 19.60493	0.00074	0.00108	0.0315		
123	1441114	49 50 32.98103	19 20 33.69806	0.00084	0.00122	0.0357		
124	1441029	49 50 59.38528	19 20 20.31814	0.00048	0.00071	0.0204		
125	1441130	49 51 6.66180	19 20 27.15296	0.00049	0.00061	0.0194		
126	1441046	49 51 6.17261	19 19 57.10264	0.00052	0.00082	0.0230		
127	2331066	49 50 51.45011	19 20 33.15244	0.00045	0.00090	0.0228		
128	1441045	49 50 57.23725	19 20 7.79056	0.00048	0.00081	0.0221		
129	2331230	49 51 56.07645	19 20 49.23252	0.00058	0.00087	0.0248		
130	2331234	49 52 0.92215	19 20 53.87653	0.00050	0.00086	0.0231		
131	2331231	49 51 48.57186	19 20 47.93647	0.00059	0.00093	0.0261		
132	2331203	49 52 3.97754	19 20 58.50652	0.00047	0.00083	0.0220		
133	2331205	49 51 51.17752	19 21 12.88303	0.00056	0.00102	0.0267		
134	1441097	49 50 0.18689	19 19 59.04825	0.00057	0.00103	0.0270		
135	1441096	49 50 2.58818	19 20 5.60722	0.00066	0.00105	0.0294		
136	2331206	49 51 47.29100	19 21 5.90419	0.00056	0.00102	0.0269		
137	2331098	49 51 19.04708	19 21 2.12058	0.00050	0.00078	0.0219		
138	2331213	49 51 3.16613	19 21 36.47352	0.00043	0.00068	0.0190		
139	2331214	49 50 57.59337	19 21 47.59544	0.00067	0.00086	0.0268		
140	2331150	49 51 17.83772	19 20 57.68961	0.00054	0.00075	0.0224		
141	2331062	49 50 22.82137	19 20 45.26310	0.00102	0.00116	0.0391		
142	2331059	49 49 59.58821	19 21 37.74548	0.00054	0.00073	0.0221		
143	2331223	49 50 27.96342	19 20 39.35605	0.00097	0.00121	0.0384		
144	2331071	49 50 3.96152	19 21 35.62312	0.00035	0.00048	0.0144		
145	1441148	49 51 11.85616	19 19 51.75304	0.00051	0.00081	0.0225		
146	1441112	49 51 23.64365	19 20 24.29551	0.00031	0.00061	0.0154		
147	1441027	49 51 15.31602	19 20 29.19151	0.00035	0.00031	0.0126		
148	1441111	49 51 31.67631	19 20 31.26995	0.00044	0.00079	0.0209		

187	2331141	49 50 28.75633	19 21 23.83405	0.00056	0.00127	0.0308		
188	2331052	49 50 28.83498	19 21 16.72678	0.00062	0.00128	0.0319		
189	2331080	49 50 31.41083	19 21 19.67760	0.00060	0.00128	0.0317		
190	2331133	49 50 46.71243	19 21 17.56348	0.00064	0.00121	0.0312		
191	2330606	49 50 7.55083	19 21 30.38832	0.00000	0.00000	0.0000	s	
192	1440850	49 51 16.13842	19 20 33.28113	0.00000	0.00000	0.0000	s	
193	2330603	49 51 9.27733	19 21 25.68056	0.00000	0.00000	0.0000	s	
194	1440503	49 52 27.13632	19 19 37.58829	0.00000	0.00000	0.0000	s	
195	4085011	49 51 20.70382	19 20 28.84168	0.00000	0.00000	0.0000	s	
196	1440416	49 52 10.35483	19 18 36.79381	0.00000	0.00000	0.0000	s	
197	1440426	49 50 19.52851	19 18 30.66441	0.00000	0.00000	0.0000	s	
				0.00000	0.00000	0.0000		

PRZEC. BŁĄD WYPADKOWY PO ŁUKU = 0.02276m
MAX. BŁĄD WYPADKOWY PO ŁUKU = 0.05517m NRP: 1441117

Uwagi końcowe:

Błędy średnie współrzędnych B, L są wyrażone w miarach kątowych (w sekundach stopniowych), natomiast błąd położenia punktu oraz półosi a, b elips błędów są przeliczone na długości małych łuków (w metrach).

Wszystkie charakterystyki dokładności sieci odpowiadają z dokładnością do błędów zaokrągleń analogicznym wartościom otrzymanym w wynikach wyrównania sieci w układzie „1992”.

Ostateczne współrzędne B, L możemy przeliczyć do układów kartograficznych: „2000”, „1992”. Jest to zadanie wzajemnie jednoznaczne (realizowane np. przy użyciu programów: TRANSPOL, GEONET_unitrans). Odmienną kwestię stanowi jednak przeliczenie współrzędnych do układu „1965”. Oprócz przekształcenia matematycznego należy zastosować korekty związane rzeczywistym układem odniesienia „1965”, określonym przez współrzędne katalogowe (archiwalne) punktów klasy wyższej w tym układzie (por. dokument: **korekty65.doc**).